

Corrigé de physique 1 TSI 2022

Partie 1- Turbine à gaz :

1. A partir du premier principe avec :

- Une conduite horizontale donc une énergie potentielle massique presque constante.
- Faible variation de la vitesse donc une énergie cinétique massique presque constante.
- Des pertes thermiques faibles donc $P_{th} = 0$.

La puissance utile maximale est :

$$P_u(max) = D_m \cdot (h_s - h_e) = D_m \cdot c_p \cdot (T_2 - T_1)$$

2. La variation d'entropie massique :

$$\Delta s = s_s - s_e = \frac{\gamma R}{M(\gamma - 1)} \cdot \ln\left(\frac{T_2}{T_1}\right) - \frac{R}{M} \ln\left(\frac{P_2}{P_1}\right) = -353,6 J/K \cdot kg$$

- En supposant l'écoulement adiabatique $P_{th} = 0$, à partir du deuxième principe :

$$D_m \cdot \Delta s = s_{créée} = -353,6 W/K$$

- Or l'entropie créée ne peut être que positive. d'où l'écoulement est non adiabatique.

3. La transformation est réversible dans la turbine, à partir du deuxième principe :

$$P_{th} = D_m \cdot T_0 \cdot \Delta s$$

AN :

$$P_{th} = -109 kW$$

4. En appliquant le premier principe, la puissance utile est donc :

$$P_u = D_m \cdot (h_s - h_e) - P_{th}$$

puisque : $c_p = \frac{\gamma R}{M(\gamma - 1)}$

alors :

$$P_u = D_m \cdot \frac{\gamma R}{M(\gamma - 1)} \cdot (T_2 - T_1) - P_{th}$$

AN :

$$P_u \simeq -0,5 MW$$

Partie 2- Vélodimétrie :

1.1. La loi horaire :

$$z(t) = -vt + z_0$$

1.2. L'instant t_1 est :

$$t_1 = \frac{z(t_1)}{c} = \frac{-v \cdot t_1 + z_0}{c}$$

$$t_1 = \frac{z_0}{v + c}$$

1.3. L'instant t_2 est : $t_2 = T_E + \frac{z(t_2)}{c} = T_E + \frac{-v \cdot t_2 + z_0}{c}$

donc :

$$t_2 = t_1 + \frac{c \cdot T_E}{v + c}$$

1.4. La période T_G et la fréquence f_G sont :

$$T_G = t_2 - t_1 = \frac{c \cdot T_E}{v + c} \quad , \quad f_G = \frac{1}{T_G} = f_E \cdot \left(1 + \frac{v}{c}\right)$$

1.5. La fréquence f_R :

$$f_R = f_G \cdot \left(1 + \frac{v}{c}\right) = f_E \cdot \left(1 + \frac{v}{c}\right)^2$$

1.6. $v \ll c$ développement limité à l'ordre 1 d'où :

$$f_R \simeq f_E \cdot \left(1 + 2 \frac{v}{c}\right)$$

1.7. La vitesse se déduit :

$$v = \frac{c \cdot \Delta f}{2 f_E \cdot \cos \theta}$$

AN :

$$v = 0,4 \text{ m/s}$$

2.1. la couleur de la radiation est verte.

2.2. Les expressions sont : $\vec{k}_1 = k_0(\cos\alpha.\vec{e}_x - \sin\alpha.\vec{e}_z)$, $\vec{k}_2 = k_0(\cos\alpha.\vec{e}_x + \sin\alpha.\vec{e}_z)$

2.3. L'amplitude de l'onde résultante est : $s(M, t) = s_1 + s_2 = s_0(\cos\varphi_1 + \cos\varphi_2)$

$$s(M, t) = 2.s_0.\cos(k_0.z.\sin\alpha).\cos(\omega t - k_0.x.\cos\alpha + \varphi_0)$$

2.4. L'onde est monochromatique, non plane, progressive selon x croissant, et stationnaire selon z .

2.5. L'intensité résultante au point M est :

$$I(M) = I_0.\left(1 + \cos\left(\frac{4\pi z \sin\alpha}{\lambda_0}\right)\right)$$

C'est l'expression de l'intensité des deux ondes qui interfèrent .

En plus les deux radiations ont même pulsation (synchrone) et même phase à l'origine (cohérente).

2.6. Le déphasage entre les deux ondes qui interfèrent est : $\varphi = \frac{4\pi z \sin\alpha}{\lambda_0}$

Autrement :

$$I = I_0.\left(1 + \cos\left(\frac{4\pi z \sin\alpha}{\lambda_0}\right)\right) = I_{max}.\left(\cos\left(\frac{2\pi z \sin\alpha}{\lambda_0}\right)\right)^2$$

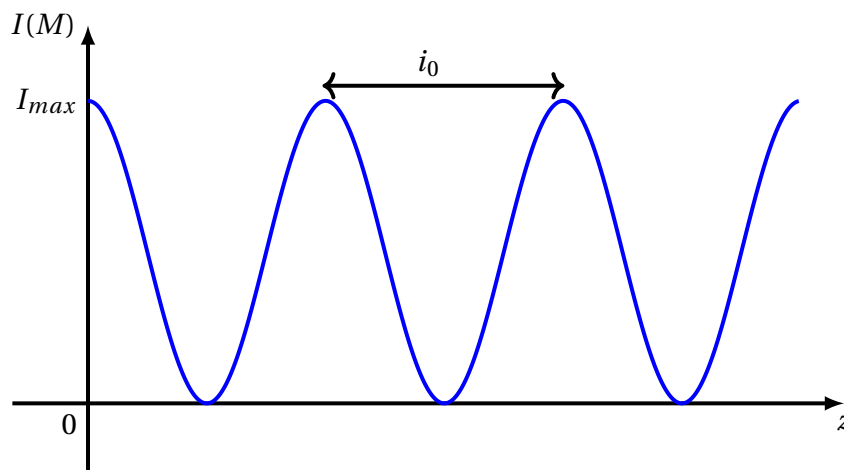
Donc : $\Lambda_0 = \frac{\lambda_0}{\sin\alpha}$ et $I_{max} = 2I_0$

2.7. L'intensité peut s'écrire sous la forme :

$$I(M) = I_0.\left(1 + \cos\left(\frac{2\pi z}{i_0}\right)\right)$$

- L'interfrange est : $i_0 = \frac{\lambda_0}{2.\sin\alpha}$
- Les franges d'interférence seront rectiligne perpendiculaire à l'axe (Oz).

2.8. l'allure est :



2.9. La période $T = 0,66\mu s$

2.10. La vitesse d'écoulement du fluide est :

$$V = \frac{i_0}{T} = \frac{\lambda_0}{2.T.\sin\alpha} = 2,2m/s$$

2.11. La relation de Descartes pour la réfraction donne :

$$\sin\alpha = n_f \sin\alpha'$$

2.12. La longueur d'onde dans le milieu est : $\lambda = \frac{\lambda_0}{n_f}$

2.13. La nouvelle expression de l'interfrange est :

$$i = \frac{\lambda_0}{2.n_f.\sin\alpha'} = \frac{\lambda_0}{2.\sin\alpha} = i_0$$

alors il n'est pas nécessaire de connaître l'indice du fluide.

2.14. La phase est donc : $\varphi'(M) = \varphi(M) + \frac{2\pi}{\lambda_0} . e . (n_l - 1)$

$$\varphi'(M) = \frac{4\pi z \sin\alpha}{\lambda_0} + \frac{2\pi}{\lambda_0} . e . a . u(t)$$

2.15. La frange brillante centrale sera en $z = -\frac{e.a.u(t)}{2.\sin\alpha}$ et par suite les franges brillantes seront décalées de $-\frac{e.a.u(t)}{2.\sin\alpha}$ selon l'axe (oz) par rapport à leurs positions initiales.

2.16. $V_0 = \frac{dz}{dt}$ donc $z(t) = V_0 . t$
d'où :

$$V_0 = -\frac{e.a}{2.\sin\alpha} . \frac{du}{dt}$$

$$u(t) = -\frac{2.V_0.\sin\alpha}{e.a} . t$$

- Si $V_0 < 0$, la tension $u(t)$ sera positive.
- Si $V_0 > 0$, la tension $u(t)$ sera négative.

2.17. La particule se déplace dans le sens des z positifs et les franges se déplacent dans le sens des z négatifs avec une vitesse $V_0 < 0$, la vitesse est donc $V' = V - V_0 > V$ puisque l'interfrange reste constant et $i = V'T'$ alors la période du signal va diminuer.

*** Fin ***