

Partie 1

1.1. PFD appliqué à M dans R qui est galiléen s'écrit : $m \frac{d\vec{v}}{dt} = \vec{f} + \vec{F}_e$ où $\vec{F}_e = q\vec{E}$ est la force électrique. D'où l'équation : $m \frac{d\vec{v}}{dt} = -\frac{m}{\tau} \vec{v} + q\vec{E}$

1.2. La vitesse de la particule est la solution de l'équation différentielle déduite de la question précédente : $\frac{d\vec{v}}{dt} + \frac{1}{\tau} \vec{v} = \frac{q}{m} \vec{E}$ donc $\vec{v}(t) = \vec{v}_H(t) + \vec{v}_P$ où :

- $\vec{v}_H(t)$ est la solution de l'équation homogène : $\frac{d\vec{v}}{dt} + \frac{1}{\tau} \vec{v} = \vec{0}$; donc $\vec{v} = \vec{A} e^{-\frac{t}{\tau}}$, $\vec{A} = cte$
- \vec{v}_P est une solution particulière, soit $\vec{v}_P = \frac{q\tau}{m} \vec{E}$

Ainsi : $\vec{v}(t) = \vec{A} e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{q\tau}{m} \vec{E}$ et en utilisant les conditions initiales : $\vec{v}(t=0) = \vec{0}$

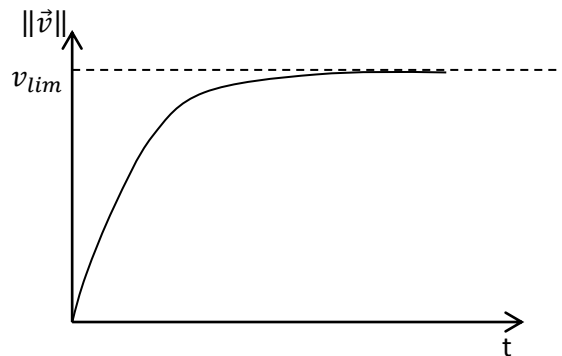
On trouve : $\vec{A} = -\frac{q\tau}{m} \vec{E}$ ainsi $\vec{v}(t) = \frac{q\tau}{m} \vec{E} (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$

$\vec{v}(t)$ est colinéaire à $\vec{E} = E \vec{u}_x$ donc le mouvement est selon l'axe (Ox)

Au régime permanent $t \rightarrow +\infty$ la vitesse devient $\vec{v}_{lim} = \frac{q\tau}{m} \vec{E}$ de module : $v_{lim} = |qE| \frac{\tau}{m}$

La constante de temps est τ .

1.3.



1.4. Les puissances au régime permanent :

$$P_{e,lim} = \vec{v}_{lim} \cdot q\vec{E} = \frac{q^2 \tau E^2}{m} > 0 \quad \text{Pour la force électrique}$$

$$P_{f,lim} = \vec{v}_{lim} \cdot \vec{f} = -\frac{q^2 \tau E^2}{m} \quad \text{Pour la force de frottement}$$

Conclusion : $P_{e,lim} = -P_{f,lim}$ signifie que l'énergie fournie par la force électrique, au régime permanent, est dissipée par les frottements ce qui garde la vitesse constante selon le théorème de la puissance cinétique.

Partie 2

2.1.1. La vitesse d'ensemble est la vitesse moyenne de déplacement des électrons de conduction sous l'effet de la force électrique pour donner naissance à un courant électrique.

Cette vitesse moyenne est calculée par une étude statistique.

2.1.2. Par définition : $\vec{j} = \rho_m \cdot \vec{v}$ où $\rho_m = -e N$ la densité volumique des charges mobiles

Ainsi : $\vec{j} = -e N \vec{v}$

2.3.1. Loi d'Ohm locale : $\vec{j} = \sigma \vec{E}$

Selon les résultats précédents : $\vec{j} = -e N \vec{v}$ avec $\vec{v} = \vec{v}_{lim} = \frac{-e \tau}{m} \vec{E}$ on obtient :

$\vec{j} = \frac{e^2 N \tau}{m} \vec{E}$ ainsi : $\sigma = \frac{e^2 N \tau}{m}$

2.1.4. $\tau = \frac{m \sigma}{e^2 N}$ A.N : $\tau = 3,5 \cdot 10^{-14} \text{s}$ Durée très faible

2.2.1. Le semi-conducteur contient deux types de porteurs de charge : électrons (n) et trous (p)

le vecteur densité de courant est donc : $\vec{j} = \rho_n \cdot \vec{v}_n + \rho_p \cdot \vec{v}_p = -e n \vec{v}_n + e p \vec{v}_p$

d'où : $\vec{j} = e (-n \vec{v}_n + p \vec{v}_p)$ avec $\vec{v}_n = \mu_n \vec{E}$ et $\vec{v}_p = \mu_p \vec{E}$ donc : $\vec{j} = e (-n \mu_n + p \mu_p) \vec{E}$

2.2.2. En identifiant avec la loi d'Ohm locale $\vec{j} = \sigma \vec{E}$, la conductivité du semi-conducteur devient :

$\sigma = e (p \mu_p - n \mu_n)$

2.2.3. A T = 400K $\sigma = 5,04 \cdot 10^{-4} \text{ S} \cdot \text{m}^{-1}$ on constate que : $\sigma \ll \sigma_{Cu}$

2.3.1. On a : $n_i = n_0 \exp(-\frac{E_s}{T K_B})$ donc : $\log n_i = \log n_0 - (\frac{E_s}{K_B \ln 10}) \frac{1}{T}$ est l'équation d'une droite de pente $a = \frac{-E_s}{K_B \ln 10}$.

La pente vérifie : $a = \frac{\Delta(\log n_i)}{\Delta(\frac{1}{T})}$; Dans la représentation graphique n_i est exprimée en cm^{-3} sachant que $1 \text{m}^{-3} = 10^{-6} \text{cm}^{-3}$ alors : $\log n_i = \log (n_i \cdot 10^{-6}) = (\log n_i) - 6$ donc $\Delta(\log n_i) = \Delta(\log n_i)$

$\begin{matrix} \uparrow & \uparrow & \uparrow & \uparrow & \uparrow \\ m^{-3} & \text{cm}^{-3} & \text{cm}^{-3} & m^{-3} & \text{cm}^{-3} \end{matrix}$

Les valeurs lues sur l'axe horizontal doivent être multipliées par 10^{-3}

$a \approx \frac{11-16}{(3-1,5)10^{-3}} = -3,33 \cdot 10^3$ et comme $E_s = -a K_B \ln 10$

alors $E_s \approx 1,06 \cdot 10^{-19} \text{J}$ ou $E_s \approx 0,66 \text{ eV}$

Détermination de n_0 : pour $\log n_i = 11$ on a $\frac{1}{T} = 3 \cdot 10^{-3} \text{K}^{-1}$ avec $\log n_0 = \log n_i + \frac{E_s}{K_B \ln 10} \frac{1}{T}$

A.N : $\log n_0 = 21$ alors : $n_0 = 10^{21} \text{cm}^{-3}$

2.3.2. À T = 300K , $\frac{1}{T} = 3,3 \cdot 10^{-3} \text{K}^{-1}$ soit $\frac{1000}{T} = 3,3$ correspond graphiquement à :

$n_i \approx 10^{10} \text{cm}^{-3} = 10^{16} \text{m}^{-3}$ (proche de la valeur donnée en 2.2.2) ce qui donne : $\sigma \approx 5 \cdot 10^{-4} \text{S/m}$

Valeur assez faible.

Partie 3

3.1.1. La loi des nœuds : $I = I_{ph} - I_d$ donc $I = I_{ph} - I_s \left(\exp\left(\frac{V}{V_T}\right) - 1 \right)$

3.1.2. I_{cc} correspond à $V = 0$ donc $I_{cc} = I_{ph}$

V_{co} correspond à $I = 0$ donc $V_{co} = V_T \ln\left[\left(\frac{I_{ph}}{I_s}\right) + 1\right]$

A.N : $I_{cc} = 40 \text{ mA}$ et $V_{co} = 610 \text{ mV}$

3.1.3. la puissance délivrée par une cellule est par définition : $P = I \cdot V$, elle est maximale si I et V sont maximaux. Selon la caractéristique ($P_L = 100 \text{ mW}$) on a $V_{max} \approx 0,5 \text{ V}$ et $I_{max} = 40 \text{ mA}$

Ainsi : $R = \frac{V_{max}}{I_{max}}$ donne $R \approx 12,5 \Omega$. la puissance maximale est : $P_{max} = 20 \text{ mW}$

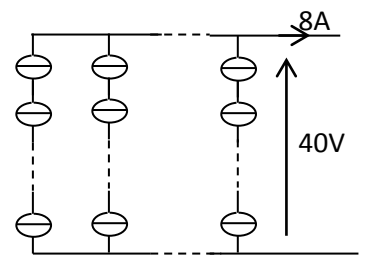
3.1.4. La puissance d'éclairement pour une cellule de surface $s = 1 \text{ cm}^2$ est $P_L = \xi \cdot s$ soit $P_L = 100 \text{ mW}$

Donc chaque cellule délivre le courant 40 mA , c'est le courant qui parcourt une branche contenant des cellules montées en série.

Le courant délivré par le panneau est $I_{pan} = \frac{320}{40} = 8 \text{ A}$ donc le nombre de branches dans le panneau

est : $N_{branche} = \frac{8}{40 \cdot 10^{-3}} = 200$

La tension entre les bornes de chaque cellule (à $P_L = 100 \text{ mW}$) est $0,5 \text{ V}$ alors que celle entre les bornes du panneau est 40 V , alors le nombre de cellule par branche est $N_{série} = \frac{40}{0,5} = 80$



Le nombre total de cellule par panneau est : $N = 80 * 200 = 16 \cdot 10^3$

3.1.5. $3,2 \text{ kW}$ est dix fois la puissance 320 W fournie par un panneau, il faut alors associer 10 panneaux pour l'obtenir. Le nombre de cellule dans tous ces panneaux est $N' = 10 \cdot N = 16 \cdot 10^4$

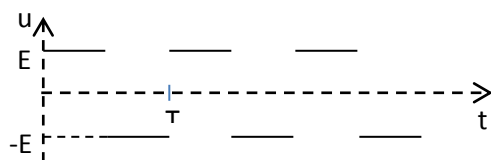
La surface totales des cellules utilisées : $S_{tot} = N' \cdot s$; A.N : $S_{tot} = 16 \cdot 10^4 \text{ cm}^2 = 16 \text{ m}^2$

Le rendement est défini par : $r = \frac{\text{Puissance électrique}}{\text{Puissance lumineuse reçue}}$

Donc $r = \frac{3,2 \cdot 10^3}{S_{tot} \cdot \xi}$ A.N : $r = 20 \%$

Le rendement est très faible car les électrons sélectionnent dans toute l'énergie solaire incidente, l'énergie convenable dont les ondes électromagnétique ont la fréquence qui vérifie la relation $E_{ionisation} = h\nu$, donc une faible partie de l'énergie incidente est absorbée.

3.2.1. Si $0 < t < \frac{T}{2}$: $u = E$ et si $\frac{T}{2} < t < T$: $u = -E$

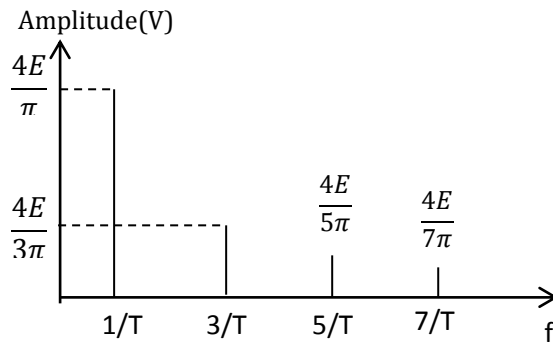


3.2.2. Définition : La valeur efficace d'un signal est la racine carrée de la valeur moyenne temporelle de son carré.

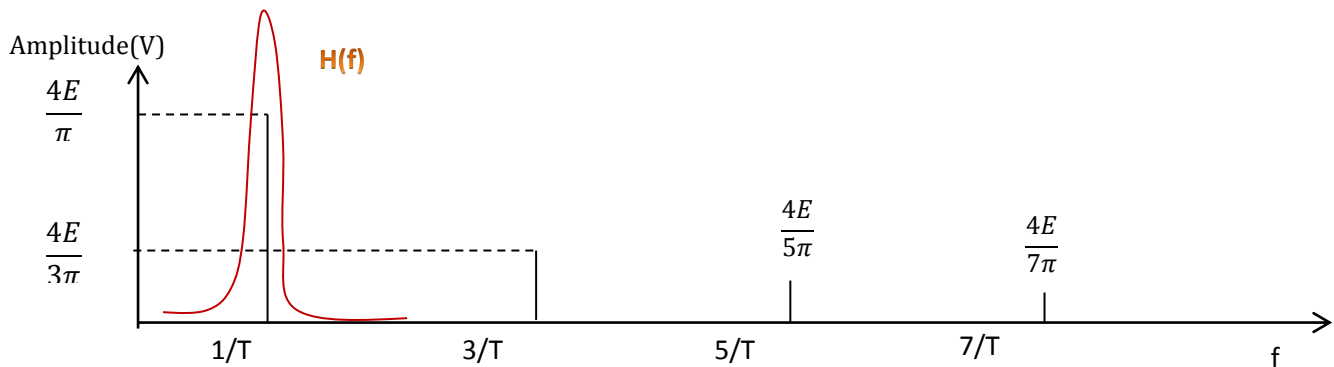
$$U_{eff} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T u^2(t) dt} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T E^2 dt} = E \quad \text{qui est différente de } \left(\frac{E}{\sqrt{2}}\right) \text{ la valeur efficace d'un signal sinusoidal de même amplitude } E.$$

3.2.3. Le terme $\frac{4E}{\pi} \sin\left(\frac{2\pi}{T}t\right)$ est le fondamental car ayant la même période que le signal $u(t)$, les autres termes s'appellent les harmoniques.

3.2.4.



3.2.5. Le dipôle RLC série dont la sortie est aux bornes de la résistance, est un filtre passe-bande, sélectif si **R est assez faible** (grande valeur du facteur de qualité $Q = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}}$). Si en plus les valeurs de L et C sont choisis tel que : $T = 2\pi\sqrt{LC}$ alors la sortie sera sinusoidale de période T.



$H(f)$ est le module de la fonction de transfert du filtre.